

y finalmente la ecuación de la línea

$$y' = \frac{2L \operatorname{sen}^2 \omega}{\cos \omega}$$

Estas definiciones, una vez fijadas, deseamos luego demostrar, analíticamente, que si pasamos una recta por los puntos E y F ó por H y K ó por cualquier división sucesoria entre los $2n$ divisiones que más arriba hemos propuesto, esas líneas serán tangentes de la misma parábola que pasa por los puntos A, G y B. Basta, con ese fin, probar que son tangentes de una parábola cuyo vértice está en el punto G y que á más tengamos

$$p' = \frac{L \operatorname{sen}^2 \omega}{\cos \omega}$$

siendo p' el parámetro de esa parábola.

Por eso haciendo

$$AE = EH = DF = \Delta$$

y siendo las coordenadas del punto E = (x', y') y los de F = (x, y) todas referidas al origen del sistema en G tendremos

$$\delta \quad y' = (L - \Delta) \operatorname{sen} \omega$$

$$y = -\Delta \operatorname{sen} \omega$$

$$p' - y = L \operatorname{sen} \omega$$

Para las diferencias entre las abscisas tenemos

$$x' = \frac{L}{2} \cos \omega - \Delta \cos \omega$$

$$x = -\left(\frac{L}{2} \cos \omega - \Delta \cos \omega\right)$$

$$x' - x = L \cos \omega - 2\Delta \cos \omega$$

Por consiguiente

$$\frac{y' - y}{x' - x} = \frac{L \operatorname{sen} \omega}{(L - 2\Delta) \cos \omega} = \operatorname{tg} \alpha$$

Esta última expresión representa la tangente trigonométrica del ángulo que hace la línea EF con el eje positivo GO ó el valor de (α) en la ecuación general de una línea recta cuya ecuación es

$$y = ax + b$$

A fin de determinar la constante b de esta línea, introducimos el valor de (α) en la ecuación general y obtenemos

$$b = \frac{1}{2} (L - 2\Delta) \operatorname{sen} \omega$$

Desando para nuestra demostración conocer el punto (x_0) donde la línea EF corta el eje de las x hacemos $y = 0$ en la ecuación general

$$y = ax + b = 0$$

ó

$$x = -\frac{b}{a}$$

de que resulta

$$x_0 = -\frac{(L - 2\Delta)^2 \operatorname{sen} \omega}{2L \cos \omega}$$

Ahora bien, si tomamos un punto sobre el eje de las (x) y á la misma distancia x_0 pero en el sentido positivo y si sobre ese punto tiramos una normal al eje de las x , hasta cortar la línea EF, resulta que ese punto de intersección será punto de una parábola cuyo vértice está en G y cuya tangente es EF y cuya constante p' vamos á determinar.

El valor de y_0 en ese punto será según la ecuación general

$$y_0 = ax + b$$

que se transformará en la expresión siguiente si introducimos los valores correspondientes

$$y_0 = (L - 2\Delta) \operatorname{sen} \omega$$

pero

$$a = \frac{p'}{y_0}$$

$$p' = ay_0$$

y si ponemos el valor de (α) más arriba encontrado, resulta

$$p' = \frac{L \operatorname{sen}^2 \omega}{\cos \omega}$$